

1

1.  $x$  appartient à  $\left[-\sqrt{3}; \frac{4}{5}\right]$ . Donner un intervalle contenant les images de  $x$  par la fonction carrée. Vous justifierez par la méthode de votre choix.
2. On doit réaliser à l'écran de la calculatrice la courbe de la fonction inverse définie sur  $I = [-5; -2]$ .  
Préciser en justifiant la fenêtre utilisée. (C'est à dire  $X_{min}$ ,  $X_{max}$ ,  $Y_{min}$  et  $Y_{max}$ )
3. Comparer les nombres  $\frac{1}{4+\sqrt{5}}$  et  $\frac{1}{3+\sqrt{5}}$  sans les calculer. Justifier.
4. Comparer les nombres  $\left(-\frac{5}{6}\right)^2$  et  $\left(-\frac{12}{11}\right)^2$  sans les calculer. Justifier.

2

On considère la fonction  $h$  définie sur  $[0; +\infty[$  par  $h(t) = -4t^2 + 4t + 3$ .  $C_h$  est sa courbe dans un repère orthogonal.

Partie A

1. Prouver que la forme canonique de  $h(t)$  est  $-4\left(t - \frac{1}{2}\right)^2 + 4$ .
2. En quel point la courbe  $C_h$  coupe-t-elle l'axe des ordonnées ?
3. En quel point la courbe  $C_h$  coupe-t-elle l'axe des abscisses ?
4. Dresser le tableau de variations de la fonction  $h$  sur l'intervalle  $[0; +\infty[$ .
5. Quel est le maximum de la fonction  $h$  ? Pour quel nombre  $t$  est-il atteint ?

**Partie B**

L'altitude d'un plongeur, en mètres, repérée par rapport au niveau de l'eau, est exprimée en fonction du temps écoulé, en secondes, depuis le départ du plongeur par la fonction  $h$  de la partie A.

1. A quelle hauteur se trouve le plongeur ?
2. Quelle est l'altitude maximale du plongeur ?
3. Au bout de combien de temps le plongeur arrive-t-il dans l'eau ?

3

Soit  $k$  la fonction définie sur  $D_k = ]-\infty; 1[ \cup ]1; +\infty[$  par  $k(x) = 2 - \frac{1}{x-1}$

1. Montrer que  $k(x) = \frac{2x-3}{x-1}$  pour tout  $x$  de  $D_k$ . Qu'en déduit-on pour la fonction  $k$  ?
2. Résoudre  $k(x) = 0$  et calculer  $k(0)$ .
3. Représenter graphiquement la fonction  $k$  en faisant figurer les asymptotes. Utiliser le graphique donné en annexe au verso.
4. Montrer que  $k(x)$  peut également s'écrire  $k(x) = x + 3 - \frac{x^2}{x-1}$  pour  $x$  appartenant à  $D_k$ .

En remarquant que  $-x^2$  est négatif pour tout  $x$  réel, résoudre l'inéquation  $k(x) < x + 3$  pour  $x$  appartenant à  $D_h$ .

NOM : .....

ANNEXE

